**WYMAGANIA EDUKACYJNE Z MATEMATYKI DLA KLASY VI**

**W ROKU SZKOLNYM 2021/2022**

**„Matematyka z plusem”**

Program nauczania matematyki

dla drugiego etapu edukacyjnego

Realizacja programu w wymiarze 4 godzin tygodniowo.

Wymagania przedstawiono uczniom we wrześniu 2021r.

Wymagania przedstawiono rodzicom we wrześniu 2021r.

Ilość i kolejność jednostek tematycznych może ulec zmianie w zależności od potrzeb danej klasy.

Nauczyciele matematyki:

Iwona Birosz

Hanna Glista

Danuta Król

Marzena Małek

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **DZIAŁ**  **PROGRAMOWY** | **JEDNOSTKALEKCYJNA** | **JEDNOSTKA**  **TEMATYCZNA** | **CELE KSZTAŁCENIA W UJĘCIU OPERACYJNYM WRAZ Z OKREŚLENIEM WYMAGAŃ** | | | |
| **KATEGORIA A**  **UCZEŃ ZNA:** | **KATEGORIA B**  **UCZEŃ ROZUMIE:** | **KATEGORIA C**  **UCZEŃ UMIE:** | **KATEGORIA D**  **UCZEŃ UMIE:** |
| LICZBY NATURALNE I UŁAMKI (12 h) | 1 – 2 | Rachunki pamięciowe na liczbach naturalnych  i ułamkach dziesiętnych. | *•* nazwy działań (K)  *•* algorytm mnożenia  i dzielenia ułamków dziesiętnych przez 10, 100, 1000,.. (K)  *•* kolejność wykonywania działań (K)  *•* pojęcie potęgi (K) | *•* potrzebę stosowania działań pamięciowych (K)  *•* związek potęgi  z iloczynem (K) | *•* zaznaczyć i odczytać na osi liczbowej:  – liczbę naturalną (K-P)  – ułamek dziesiętny (P-R)  *•* pamięciowo dodawać i odejmować:  – ułamki dziesiętne o jednakowej liczbie cyfr po przecinku (K)  – dwucyfrowe liczby naturalne (K)  – ułamki dziesiętne różniące się liczbą cyfr po przecinku (P-R)  – wielocyfrowe liczby naturalne (P-R)  *•* mnożyć i dzielić w pamięci ułamki dziesiętne  – w ramach tabliczki mnożenia (K)  – wykraczające poza tabliczkę mnożenia (P-R)  *•* mnożyć i dzielić w pamięci dwucyfrowe  i wielocyfrowe (proste przykłady) liczby naturalne (P-R)  *•* obliczyć kwadrat i sześcian:  – liczby naturalnej (K)  – ułamka dziesiętnego (K-P)  *•* obliczyć wartość wyrażenia arytmetycznego zawierającego działania na liczbach naturalnych i ułamkach dziesiętnych (R)  *•* szacować wartości wyrażeń arytmetycznych (R)  *•* tworzyć wyrażenia arytmetyczne na podstawie treści zadań i obliczać wartości tych wyrażeń (P-R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe  z zastosowaniem działań na liczbach naturalnych i ułamkach dziesiętnych (R) | *•* tworzyć wyrażenia arytmetyczne  na podstawie treści zadań i obliczać wartości tych wyrażeń (D-W)  *•* obliczyć wartość wyrażenia arytmetycznego zawierającego działania na liczbach naturalnych i ułamkach dziesiętnych (D-W)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe  z zastosowaniem działań na liczbach naturalnych i ułamkach dziesiętnych (D-W) |
| 3 | Działania pisemne na ułamkach dziesiętnych. | *•* algorytmy czterech działań pisemnych (K) | *•* potrzebę stosowania działań pisemnych (K) | *•* pisemnie wykonać każde z czterech działań na ułamkach dziesiętnych (K-P)  *•* obliczyć kwadrat i sześcian ułamka dziesiętnego (K-P)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe  z zastosowaniem działań na liczbach naturalnych i ułamkach dziesiętnych (R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe  z zastosowaniem działań na liczbach naturalnych i ułamkach dziesiętnych (D-W) |
| 4 | Potęgowanie liczb\*. | *•* pojęcie potęgi (K) | *•* związek potęgi  z iloczynem (K) | *•* zapisać iloczyny w postaci potęgi (K-P)  *•* zapisać liczbę w postaci potęgi liczby10 (R)  *•* obliczyć wartość wyrażenia arytmetycznego zawierającego potęgi (P-R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z potęgami (P-R) | *•* określić ostatnią cyfrę potęgi (D-W)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z potęgami (D-W) |
| 5 – 6 | Działania na ułamkach zwykłych. | *•* zasadę skracania  i rozszerzania ułamków zwykłych (K)  *•* pojęcie ułamka nieskracalnego (K)  *•* pojęcie ułamka jako:  – ilorazu dwóch liczb naturalnych (K)  – części całości (K)  *•* algorytm zamiany liczby mieszanej na ułamek niewłaściwy i odwrotnie (K)  *•* algorytmy 4 działań na ułamkach zwykłych (K) | *•* zasadę skracania  i rozszerzania ułamków zwykłych (K)  *•* pojęcie ułamka jako:  – ilorazu dwóch liczb naturalnych (K)  – części całości (K) | *•* zaznaczyć i odczytać ułamek na osi liczbowej (K-R)  *•* wyciągać całości z ułamków niewłaściwych oraz zamieniać liczby mieszane na ułamki niewłaściwe (K)  *•* dodawać, odejmować, mnożyć i dzielić ułamki zwykłe (K-P)  *•* podnosić do kwadratu i sześcianu:  – ułamki właściwe (K-P)  – liczby mieszane (R-D)  *•* obliczyć ułamek z  – liczby naturalnej (K)  – ułamka lub liczby mieszanej (P-R)  *•* obliczyć wartość wyrażenia arytmetycznego zawierającego 4 działania oraz potęgowanie ułamków zwykłych (R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe  z zastosowaniem działań na ułamkach zwykłych (P-R) | *•* obliczyć wartość ułamka piętrowego (R-D)  *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe  z zastosowaniem działań na ułamkach zwykłych (D-W) |
| 7 – 8 | Ułamki zwykłe  i dziesiętne. | *•* zasadę zamiany ułamka zwykłego na ułamek dziesiętny metodą rozszerzania lub skracania ułamka (K)  *•* zasadę zamiany ułamka dziesiętnego na ułamek zwykły (K) | *•* zasadę zamiany ułamka zwykłego  na ułamek dziesiętny metodą rozszerzania lub skracania ułamka (K) | *•* zamienić ułamek zwykły na ułamek dziesiętny i odwrotnie (K-P)  *•* porównać ułamek zwykły z ułamkiem dziesiętnym (P-R)  *•* porządkować ułamki (P-R)  *•* zaznaczyć i odczytać ułamki zwykłe  i dziesiętne na osi liczbowej (K-R)  *•* obliczyć wartość wyrażenia arytmetycznego zawierającego 4 działania na liczbach wymiernych dodatnich (P-R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z działaniami na ułamkach zwykłych  i dziesiętnych (R) | *•* obliczyć wartość wyrażenia arytmetycznego zawierającego działania na liczbach wymiernych dodatnich (R-W)  *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z działaniami na ułamkach zwykłych i dziesiętnych (D-W) |
| 9-10 | Rozwinięcia dziesiętne ułamków zwykłych. | *•* zasadę zamiany ułamka zwykłego na ułamek dziesiętny metodą dzielenia licznika przez mianownik (P)  *•* pojęcie rozwinięcia dziesiętnego skończonego  i rozwinięcia dziesiętnego nieskończonego okresowego (P)  *•* warunek konieczny zamiany ułamka zwykłego na ułamek dziesiętny skończony (D) | *•* zasadę zamiany ułamka zwykłego na ułamek dziesiętny metodą dzielenia licznika przez mianownik (P) | *•* podać rozwinięcie dziesiętne ułamka zwykłego (P-R)  *•* zapisać w skróconej postaci rozwinięcie dziesiętne ułamka zwykłego (P-R)  *•* określić kolejną cyfrę rozwinięcia dziesiętnego na podstawie jego skróconego zapisu (P-R)  *•* porównać rozwinięcia dziesiętne liczb zapisanych w skróconej postaci (R-D)  *•* porównać liczby wymierne dodatnie (R-D)  *•* porządkować liczby wymierne dodatnie (R-D) | *•* określić rodzaj rozwinięcia dziesiętnego ułamka (D-W)  *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z rozwinięciami dziesiętnymi ułamków zwykłych (D-W) |
| 11 | Powtórzenie wiadomości. |  |  |  |  |
| 12 | Praca klasowa. |  |  |  |  |
| FIGURY NA PŁASZCZYŹNIE  (11 h) | 13 | Proste i odcinki. | *•* pojęcia: prosta, półprosta, odcinek, (K)  *•* wzajemne położenie:  – prostych i odcinków (K),  *•* definicje odcinków prostopadłych i odcinków równoległych (P)  • konstrukcję prostej prostopadłej do danej, przechodzącej przez dany punkt (W)  • konstrukcję prostej równoległej do danej, przechodzącej przez dany punkt (W) | *•* różnicę między prostą  i odcinkiem, prostą  i półprostą (K)  *•* konieczność stosowania odpowiednich przyrządów do rysowania figur geometrycznych (K) | *•* narysować za pomocą ekierki i linijki proste  i odcinki prostopadłe oraz proste i odcinki równoległe (K)  *•* narysować za pomocą ekierki i linijki proste równoległe o danej odległości od siebie (P)  *•* rozwiązać zadania tekstowe związane  z wzajemnym położeniem odcinków, prostych  i półprostych, (P-R) | • skonstruować prostą prostopadłą do danej, przechodzącą przez dany punkt (W)  • skonstruować prostą równoległą do danej, przechodzącą przez dany punkt (W)  *•* rozwiązać zadania konstrukcyjne związane z kreśleniem prostych prostopadłych  i prostych równoległych (D-W) |
| 14 | Okręgi i koła. | *•* pojęcia: koło i okrąg (k)  *•* wzajemne położenie:  – prostej i okręgu (R),  – okręgów (R)  *•* elementy koła i okręgu (K-P)  *•* zależność między długością promienia  i średnicy (K)  • konstrukcyjny sposób wyznaczania środka odcinka (W)  *•* pojęcie symetralnej odcinka (W) | *•* różnicę między kołem i okręgiem (P)  *•* konieczność stosowania odpowiednich przyrządów do rysowania figur geometrycznych (K) | *•* wskazać poszczególne elementy w okręgu  i w kole (K)  *•* kreślić koło i okrąg o danym promieniu lub o danej średnicy (K)  *•* rozwiązać zadania tekstowe związane  z kołem, okręgiem i innymi figurami (P-R) | • wyznaczyć środek narysowanego okręgu (W)  *•* rozwiązać nietypowe zadania tekstowe związane z kołem, okręgiem i innymi figurami (D-W) |
| 15 – 16 | Trójkąty. | *•* rodzaje trójkątów (K-P)  *•* nazwy boków  w trójkącie równoramiennym (K)  *•* nazwy boków  w trójkącie prostokątnym (K)  *•* zależność między bokami w trójkącie równoramiennym (P)  • zasady konstrukcji trójkąta o danych trzech bokach (P)  • warunek zbudowania trójkąta – nierówność trójkąta (P) | *•* pochodzenie nazw poszczególnych rodzajów trójkątów (K)  • zasady konstrukcji (P) | • narysować poszczególne rodzaje trójkątów (K)  • narysować trójkąt w skali (P)  • obliczyć obwód trójkąta (K)  • obliczyć długość boku trójkąta równobocznego, znając jego obwód (P)  • obliczyć długość boku trójkąta, znając obwód i informacje o pozostałych bokach (P-R)  • skonstruować trójkąt o danych trzech bokach (P)  • sprawdzić, czy z odcinków o danych długościach można zbudować trójkąt (P-R)  • rozwiązać zadanie konstrukcyjne związane  z konstrukcją trójkąta o danych bokach (R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z obwodem trójkąta (R-W)  • wykorzystać przenoszenie odcinków  w zadaniach konstrukcyjnych (D-W)  • rozwiązać zadanie konstrukcyjne związane z konstrukcją trójkąta o danych bokach (D-W) |
| 17 – 18 | Czworokąty  i inne wielokąty. | *•* nazwy czworokątów (K)  *•* własności czworokątów (K-P)  *•* definicję przekątnej oraz obwodu wielokąta (K)  *•* zależność między liczbą boków, wierzchołków  i kątów w wielokącie (K)  *•* definicję sześciokąta foremnego oraz sposób jego kreślenia (W) |  | • sklasyfikować czworokąty (P-R)  • narysować czworokąt, mając informacje o:  – bokach (K-R)  – przekątnych (P-R)  *•* wskazać na rysunku wielokąt o określonych cechach (K-P)  • obliczyć obwód czworokąta (K-P)  • rozwiązać zadanie tekstowe związane  z obwodem czworokąta (P-R)  • skonstruować kopię czworokąta (R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z obwodem wielokąta (R-W)  • skonstruować równoległobok, znając dwa boki i przekątną (R)  • skonstruować trapez równoramienny, znając jego podstawy i ramię (D-W) |
| 19 | Kąty. | *•* pojęcie kąta (K)  *•* pojęcie wierzchołka  i ramion kąta (K)  *•* podział kątów  ze względu na miarę:  – prosty, ostry, rozwarty(K),  – pełny, półpełny (P)  – wypukły, wklęsły (R)  *•* podział kątów  ze względu na położenie:  – przyległe, wierzchołkowe (K)  – odpowiadające, naprzemianległe (R)  *•* zapis symboliczny kąta  i jego miary (K) | *•* związki miarowe poszczególnych rodzajów kątów (K-P) | • zmierzyć kąt (K)  *•* narysować kąt o określonej mierze (K-P)  • rozróżniać i nazywać poszczególne rodzaje kątów (K-R)  *•* obliczyć brakujące miary kątów przyległych, wierzchołkowych (P)  *•* obliczyć brakujące miary kątów odpowiadających, naprzemianległych (R) | *•* rozwiązać zadanie związane z zegarem  (D-W)  *•* określić miarę kąta przyległego, wierzchołkowego, odpowiadającego, naprzemianległego na podstawie rysunku lub treści zadania (D-W) |
| 20 – 21 | Kąty w trójkątach  i czworokątach. | *•* sumę miar kątów wewnętrznych trójkąta (K)  *•* miary kątów w trójkącie równobocznym (P)  *•* zależność między kątami w trójkącie równoramiennym (P)  *•* sumę miar kątów wewnętrznych czworokąta (K)  *•* zależność między kątami w trapezie, równoległoboku (P) |  | • obliczyć brakujące miary kątów trójkąta (K-P)  • obliczyć brakujące miary kątów czworokątów (P-R)  • obliczyć brakujące miary kątów trójkąta lub czworokąta na rysunku z wykorzystaniem miar kątów przyległych, wierzchołkowych, naprzemianległych, odpowiadających oraz własności trójkątów lub czworokątów (R) | *•* obliczyć brakujące miary kątów trójkąta  z wykorzystaniem miar kątów przyległych, wierzchołkowych, naprzemianległych, odpowiadających oraz sumy miar kątów wewnętrznych trójkąta (D-W)  *•* obliczyć brakujące miary kątów czworokąta na rysunku z wykorzystaniem miar kątów przyległych, wierzchołkowych, naprzemianległych, odpowiadających oraz własności czworokątów (D-W)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z miarami kątów w trójkątach i czworokątach (D-W) |
| 22 | Powtórzenie wiadomości. |  |  |  |  |
| 23 | Praca klasowa. |  |  |  |  |
| LICZBY NA  CO DZIEŃ (14 h) | 24 – 25 | Kalendarz i czas. | *•* zasady dotyczące lat przestępnych (P)  *•* jednostki czasu (K) | *•* konieczność wprowadzenia lat przestępnych (P) | *•* podać przykładowe lata przestępne (P)  *•* obliczyć upływ czasu między wydarzeniami (K-P)  *•* porządkować wydarzenia w kolejności chronologicznej (K)  *•* zamienić jednostki czasu (K-R)  *•* wyrażać w różnych jednostkach ten sam upływ czasu (P-R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z kalendarzem i czasem (P-R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z kalendarzem i czasem (D-W) |
| 26 – 27 | Jednostki długości  i jednostki masy. | *•* jednostki długości (K)  *•* jednostki masy (K) | *•* potrzebę stosowania różnorodnych jednostek długości  i masy (K) | *•* wykonać obliczenia dotyczące długości  (K-P)  *•* wykonać obliczenia dotyczące masy (K-P)  *•* zamienić jednostki długości i masy (K-P)  *•* wyrażać w różnych jednostkach te same masy (P-R)  *•* wyrażać w różnych jednostkach te same długości (P-R)  *•* porządkować wielkości podane w różnych jednostkach (P-R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z jednostkami długości i masy (P-R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z jednostkami długości i masy (D-W) |
| 28 – 29 | Skala na planach  i mapach. | *•* pojęcie skali i planu (K) | *•* potrzebę stosowania odpowiedniej skali na mapach i planach (K) | *•* obliczyć skalę (K-P)  *•* obliczyć długości odcinków w skali lub  w rzeczywistości (K-P)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  ze skalą (P-R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane ze skalą (D-W) |
| 30 | Zaokrąglanie liczb. | *•* zasady zaokrąglania liczb (P)  *•* symbol przybliżenia (P)  *•* pojęcie przybliżenia  z niedomiarem oraz przybliżenia z nadmiarem (W) | *•* potrzebę zaokrąglania liczb (P) | *•* zaokrąglić liczbę do danego rzędu (P-R)  *•* zaokrąglić liczbę zaznaczoną na osi liczbowej (R)  *•* wskazać liczby o podanym zaokrągleniu (R)  *•* zaokrąglić liczbę po zamianie jednostek (R) | *•* określić, ile jest liczb o podanym zaokrągleniu spełniających dane warunki (D-W)  *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z przybliżeniami (D-W) |
| 31 | Kalkulator. | *•* funkcje podstawowych klawiszy (K)  *•* funkcje klawiszy pamięci kalkulatora (R) | *•* korzyści płynące  z umiejętności stosowania kalkulatora do obliczeń (K) | *•* sprawdzić, czy kalkulator zachowuje kolejność działań (P)  *•* wykonać obliczenia za pomocą kalkulatora (K-R)  *•* wykorzystać kalkulator *do* rozwiązania zadanie tekstowego (P-R)  *•* rozwiązać zadanie, odczytując dane z tabeli  i korzystając z kalkulatora (P-R) | *•* wykonać wielodziałaniowe obliczenia za pomocą kalkulatora (D-W)  *•* wykorzystać kalkulator *do* rozwiązania zadanie tekstowego (D-W) |
| 32 – 33 | Odczytywanie informacji z tabel  i diagramów. |  | *•* znaczenie podstawowych symboli występujących  w instrukcjach  i opisach:  – diagramów (K)  – schematów (K)  – innych rysunków (K) | *•* odczytać dane z:  – tabeli (K)  – diagramu (K)  *•* odpowiedzieć na pytanie dotyczące znalezionych danych (K-R)  *•* zinterpretować odczytane dane (P-R) | *•* odpowiedzieć na pytanie dotyczące znalezionych danych (D-W)  *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe,  w którym potrzebne informacje należy odczytać z tabeli lub schematu (D-W) |
| 34 – 35 | Odczytywanie danych przedstawionych na wykresach. |  | *•* zasadę sporządzania wykresów (P) | *•* odczytać dane z wykresu (K-P)  *•* odpowiedzieć na pytanie dotyczące znalezionych danych (K-R)  *•* zinterpretować odczytane dane (P-R)  *•* przedstawić dane w postaci wykresu (P-R)  *•* porównać informacje oczytane z dwóch wykresów (P-R) | *•* porównać informacje oczytane z dwóch wykresów (R-W)  *•* odpowiedzieć na pytanie dotyczące znalezionych danych (D-W)  *•* dopasować wykres do opisu sytuacji  (D-W)  *•* przedstawić dane w postaci wykresu (D) |
| 36 | Powtórzenie wiadomości. |  |  |  |  |
| 37 | Praca klasowa. |  |  |  |  |
| PRĘDKOŚĆ, DROGA, CZAS (8 h) | 38 – 39 | Droga. |  |  | *•* na podstawie podanej prędkości wyznaczać długość drogi przebytej w jednostce czasu (K)  *•* obliczyć drogę, znając stałą prędkość i czas (K-R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z obliczaniem drogi (P-R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z obliczaniem drogi w ruchu jednostajnym (D-W) |
| 40 – 41 | Prędkość. | *•* jednostki prędkości (K-P)  *•* algorytm zamiany jednostek prędkości (P-D) | *•* potrzebę stosowania różnych jednostek prędkości (P) | *•* porównać prędkości dwóch ciał, które przebyły jednakowe drogi w różnych czasach (K)  • obliczyć prędkość w ruchu jednostajnym, znając drogę i czas (K-P)  *•* zamieniać jednostki prędkości (P-R)  *•* porównać prędkości wyrażane w różnych jednostkach (P-R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z obliczaniem prędkości (P-R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z obliczaniem prędkości (R-W) |
| 42 | Czas. |  |  | • obliczyć czas w ruchu jednostajnym, znając drogę i prędkość (P-R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z obliczaniem czasu (R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z obliczaniem czasu (D-W) |
| 43 – 44 | Droga, prędkość, czas. |  |  | • rozwiązać zadanie tekstowe typu prędkość – droga – czas (P-R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe typu prędkość – droga – czas (D-W) |
| 45 | Sprawdzian. |  |  |  |  |
| POLA WIELOKĄTÓW  (10 h) | 46 – 47 | Pole prostokąta. | *•* jednostki miary pola (K)  *•* wzory na obliczanie pola prostokąta  i kwadratu (K) | *•* pojęcie miary pola jako liczby kwadratów jednostkowych (K)  *•* zasadę zamiany jednostek pola (P) | *•* obliczyć pole prostokąta i kwadratu (K)  *•* obliczyć pole kwadratu o danym obwodzie  i odwrotnie (P-R)  *•* obliczyć bok prostokąta, znając jego pole  i długość drugiego boku (K-P)  *•* narysować prostokąt o danym polu (P)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z polem prostokąta (P-R)  *•* zamienić jednostki pola (P-D) | *•* obliczyć pole figury jako sumę lub różnicę pól prostokątów (R-D)  *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z polem prostokąta (D-W) |
| 48 – 49 | Pole równoległoboku  i rombu. | *•* wzory na obliczanie pola równoległoboku  i rombu (K) | *•* wyprowadzenie wzoru na obliczanie pola równoległoboku (P)  *•* zależnośćdoboru wzoru na obliczanie pola rombu od danych (K) | *•* obliczyć pole równoległoboku o danej wysokości i podstawie (K)  *•* obliczyć pole rombu o danych przekątnych (K)  *•* obliczyć pole narysowanego równoległoboku (K-P)  *•* narysować równoległobok o danym polu (P)  *•* obliczyć długość podstawy równoległoboku, znając jego pole i wysokość opuszczoną na tę podstawę (P-R)  *•* obliczyć wysokość równoległoboku, znając jego pole i długość podstawy, na którą opuszczona jest ta wysokość (P-R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z polem równoległoboku i rombu (P-R) | *•* narysować równoległobok o polu równym polu danego czworokąta (R-D)  *•* obliczyć długość przekątnej rombu, znając jego pole i długość drugiej przekątnej (R)  *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z polem równoległoboku i rombu (D-W) |
| 50 – 51 | Pole trójkąta. | *•* wzór na obliczanie pola trójkąta (K) | *•* wyprowadzenie wzoru na obliczanie pola trójkąta (P) | *•* obliczyć pole trójkąta o danej wysokości  i podstawie (K)  *•* obliczyć pole narysowanego trójkąta (K-R)  *•* obliczyć wysokości trójkąta, znając długość podstawy, na którą opuszczona jest ta wysokość i pole trójkąta (R-D)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z polem trójkąta (P-R) | *•* podzielić trójkąt na części o równych polach (R-D)  *•* obliczyć pole figury jako sumę lub różnicę pól trójkątów i czworokątów (R-W)  *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z polem trójkąta (D-W) |
| 52 – 53 | Pole trapezu. | *•* wzór na obliczanie pola trapezu (K) | *•* wyprowadzenie wzoru na obliczanie pola trapezu (P) | *•* obliczyć pole trapezu, mając dane długości podstaw i wysokość (K)  *•* obliczyć pole narysowanego trapezu (K-R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z polem trapezu (P-R) | *•* podzielić trapez na części o równych polach (D-W)  *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z polem trapezu (D-W)  *•* obliczyć pole figury jako sumę lub różnicę pól znanych wielokątów (R-W) |
| 54 | Powtórzenie wiadomości. |  |  |  |  |
| 55 | Praca klasowa. |  |  |  |  |
| PROCENTY  (16 h) | 56 – 57 | Procenty  i ułamki. | • pojęcie procentu (K) | • potrzebę stosowania procentów w życiu codziennym (K) | • określić w procentach, jaką część figury zacieniowano (K-P)  • zamienić procent na ułamek (K-R)  *•* wyrazić informacje podane za pomocą procentów w ułamkach i odwrotnie (P-R)  • porównać dwie liczby, z których jedna jest zapisana w postaci procentu (P-R)  • rozwiązać zadanie tekstowe związane  z procentami (P-R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z ułamkami i procentami (D-W) |
| 58 – 59 | Jaki to procent? | • algorytm zamiany ułamków na procenty (K-P) | • równoważność wyrażania części liczby ułamkiem lub procentem (P) | •opisywać w procentach części skończonych zbiorów (K-R)  • zamienić ułamek na procent (K-R)  • określić, jakim procentem jednej liczby jest druga (P-R)  • rozwiązać zadanie tekstowe związane  z określeniem, jakim procentem jednej liczby jest druga (P-R) | • rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z określeniem, jakim procentem jednej liczby jest druga (D-W) |
| 60 – 61 | Jaki to procent? (cd.) Obliczenia za pomocą kalkulatora\*. | *•* zasady zaokrąglania liczb (P) | *•* korzyści płynące  z umiejętności stosowania kalkulatora do obliczeń (K) | *•* zaokrąglić ułamek dziesiętny i wyrazić go  w procentach (P)  •opisywać w procentach części skończonych zbiorów (K-R)  • zamienić ułamek na procent (K-R)  • określić, jakim procentem jednej liczby jest druga (P-R)  • rozwiązać zadanie tekstowe związane  z określeniem, jakim procentem jednej liczby jest druga (P-R) | • rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z określeniem, jakim procentem jednej liczby jest druga (D-W) |
| 62 – 63 | Diagramy procentowe. | • pojęcie diagramu (K) | • potrzebę stosowania różnych diagramów (P) | • odczytać dane z diagramu (K-R)  • odpowiedzieć na pytanie dotyczące znalezionych danych (K-R)  • przedstawić dane w postaci diagramu słupkowego (K-R) | • porównać dane z dwóch diagramów  i odpowiedzieć na pytania dotyczące znalezionych danych (D-W) |
| 64 – 65 | Obliczenia procentowe. | • algorytm obliczania ułamka liczby (P) | • pojęcie procentu liczby jako jej części (K) | • obliczyć procent liczby naturalnej (K-P)  • wykorzystać dane z diagramów do obliczania procentu liczby (P-R)  • rozwiązać zadanie tekstowe związane  z obliczaniem procentu danej liczby (P-R) | • rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z obliczaniem procentu danej liczby (D-W) |
| 66 – 67 | Obniżki  i podwyżki. |  |  | • obliczyć liczbę większą o dany procent (P)  • obliczyć liczbę mniejszą o dany procent (P)  • rozwiązać zadanie tekstowe związane  z podwyżkami i obniżkami o dany procent (P-R) | • rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z podwyżkami i obniżkami o dany procent (D-W)) |
| 68 – 69 | Obliczanie liczby, gdy dany jest jej procent\*. |  |  | • obliczyć liczbę na podstawie danego jej procentu (P-R)  • rozwiązać zadanie tekstowe związane  z obliczaniem liczby na podstawie danego jej procentu (R) | • rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z obliczaniem liczby na podstawie danego jej procentu (D-W) |
| 70 | Powtórzenie wiadomości. |  |  |  |  |
| 71 | Praca klasowa. |  |  |  |  |
| LICZBY DODATNIE  I LICZBY UJEMNE  (6 h) | 72 | Porównywanie liczb. | *•* pojęcie liczby ujemnej (K)  *•* pojęcie liczb przeciwnych (K)  *•* pojęcie wartości bezwzględnej (P) | *•* rozszerzenie osi liczbowej na liczby ujemne (K) | *•* zaznaczyć i odczytać liczbę ujemną na osi liczbowej (K-P)  *•* wymienić kilka liczb większych lub mniejszych od danej (K-P)  *•* porównać liczby wymierne (K-P)  *•* zaznaczyć liczby przeciwne na osi liczbowej (K)  *•* porządkować liczby wymierne (P-R)  *•* podać, ile liczb spełnia podany warunek (R)  *•* obliczyć wartość bezwzględną liczby (P-R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie związane  z liczbami dodatnimi i ujemnymi (D-W) |
| 73 – 74 | Dodawanie  i odejmowanie. | *•* zasadę dodawania liczb o jednakowych znakach (K)  *•* zasadę dodawania liczb o różnych znakach (K)  *•* zasadę zastępowania odejmowania dodawaniem liczby przeciwnej (P) | *•* zasadę dodawania liczb o jednakowych znakach (K)  *•* zasadę dodawania liczb o różnych znakach (K)  *•* zasadę zastępowania odejmowania dodawaniem liczby przeciwnej (P) | *•* obliczyć sumę i różnicę liczb  - całkowitych (K-P)  *-* wymiernych (P-R)  *•* obliczyć sumę wieloskładnikową (R)  *•* korzystać z przemienności i łączności dodawania (P)  *•* powiększyć lub pomniejszyć liczbę całkowitą o daną liczbę (K-R)  *•* uzupełnić brakujące składniki, odjemną lub odjemnik w działaniu (P-R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z dodawaniem i odejmowaniem liczb wymiernych (R-W) |
| 75 – 76 | Mnożenie  i dzielenie. | *•* zasadę ustalania znaku iloczynu i ilorazu (K) |  | *•* obliczyć iloczyn i iloraz liczb całkowitych (K)  *•* obliczyć kwadrat i sześcian liczb całkowitych (P-R)  *•* ustalić znak iloczynu i ilorazu kilku liczb wymiernych (P)  *•* ustalić znak wyrażenia arytmetycznego zawierającego kilka liczb wymiernych (R)  *•* obliczyć wartość wyrażenia arytmetycznego zawierającego 4 działania na liczbach całkowitych (P-R) | *•* obliczyć potęgę liczby wymiernej (R)  *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z mnożeniem i dzieleniem liczb całkowitych (D-W) |
| 77 | Sprawdzian. |  |  |  |  |
| WYRAŻENIA  ALGEBRAICZNE  I RÓWNANIA (16 h) | 78 – 79 | Zapisywanie wyrażeń algebraicznych. | *•* zasady tworzenia wyrażeń algebraicznych (K-P)  *•* pojęcia: suma, różnica, iloczyn, iloraz, kwadrat nieznanych wielkości liczbowych (K-P) | *•* potrzebę tworzenia wyrażeń algebraicznych (P) | *•* stosować oznaczenia literowe nieznanych wielkości liczbowych (P-R)  *•* zapisać w postaci wyrażenia algebraicznego informacje osadzone w kontekście praktycznym z zadaną niewiadomą (K-R)  *•* zbudować wyrażenie algebraiczne na podstawie opisu lub rysunku (P-R) | *•* zbudować wyrażenie algebraiczne (D)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z budowaniem wyrażeń algebraicznych (D-W) |
| 80 – 81 | Obliczanie wartości wyrażeń algebraicznych. | *•* pojęcie wartości liczbowej wyrażenia algebraicznego (K) |  | *•* obliczyć wartość liczbową wyrażenia bez jego przekształcenia (K-R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z obliczaniem wartości wyrażeń (R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z obliczaniem wartości wyrażeń algebraicznych (D)  *•* podać przykład wyrażenia algebraicznego przyjmującego określoną wartość dla danych wartości występujących w nim niewiadomych (R-W) |
| 82 – 83 | Upraszczanie wyrażeń algebraicznych. | *•* zasady krótszego zapisu wyrażeń algebraicznych będących sumą lub różnicą jednomianów (P)  *•* zasady krótszego zapisu wyrażeń algebraicznych będących iloczynem lub ilorazem jednomianu i liczby wymiernej (P) |  | *•* zapisać krócej wyrażenia algebraiczne będące sumą lub różnicą jednomianów (P-R)  *•* zapisać krócej wyrażenia algebraiczne będące iloczynem lub ilorazem jednomianu  i liczby wymiernej (P-R)  *•* obliczyć wartość liczbową wyrażenia po jego przekształceniu (P-R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z prostymi przekształceniami algebraicznymi (R) | *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z prostymi przekształceniami algebraicznymi (D-W) |
| 84 | Zapisywanie równań. | *•* pojęcie równania (K) |  | *•* zapisać w postaci równania informacje osadzone w kontekście praktycznym z zadaną niewiadomą (K-R)  *•* zapisać zadanie w postaci równania (K-R) | *•* zapisać zadanie w postaci równania (D-W)  *•* przyporządkować równanie do podanego zdania (R-D) |
| 85 | Liczba spełniająca równanie. | *•* pojęcie rozwiązania równania (K)  *•* pojęcie liczby spełniającej równanie (K) |  | *•* odgadnąć rozwiązanie równania (K-P)  *•* podać rozwiązanie prostego równania (K-R)  *•* sprawdzić, czy liczba spełnia równanie (K-P) | *•* uzupełnić równanie tak, aby spełniała je podana liczba (R)  *•* wskazać równanie, które nie ma rozwiązania (D)  *•* zapisać zadanie tekstowe za pomocą równania i odgadnąć jego rozwiązanie  (D-W) |
| 86 – 88 | Rozwiązywanie równań. | *•* metodę równań równoważnych (R) | *•* metodę równań równoważnych (R) | *•* rozwiązać proste równanie przez dopełnienie lub wykonanie działania odwrotnego (K-P)  • sprawdzić poprawność rozwiązania równania (K-P)  *•* doprowadzić równanie do prostszej postaci (P-R)  *•* rozwiązać równanie z przekształcaniem wyrażeń (R-D)  *•* zapisać zadanie tekstowe za pomocą równania i rozwiązać je (P-R) | *•* zapisać zadanie tekstowe za pomocą równania i rozwiązać to równanie (D-W) |
| 89 – 91 | Zadania tekstowe. |  |  | *•* wyrazić treść zadania za pomocą równania (P-R)  *•* sprawdzić poprawność rozwiązania zadania (K-P)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe za pomocą równania (P-R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe za pomocą równania (D-W) |
| 92 | Powtórzenie wiadomości. |  |  |  |  |
| 93 | Praca klasowa. |  |  |  |  |
| FIGURY PRZESTRZENNE  (12 h) | 94 – 95 | Rozpoznawanie figur przestrzennych. | *•* pojęcia: graniastosłup, ostrosłup, walec, stożek, kula (K)  *•* pojęcia charakteryzujące graniastosłup, ostrosłup, walec, stożek, kulę (K) |  | *•* wskazać graniastosłup, ostrosłup, walec, stożek, kulę wśród innych brył (K)  *•* wskazać na modelach wielkości charakteryzujące bryłę (K)  *•* określić rodzaj bryły na podstawie jej rzutu (P-R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe nawiązujące do elementów budowy danej bryły (P-R) | *•* określić cechy bryły powstałej ze sklejenia kilku znanych brył (R-D)  *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe nawiązujące do elementów budowy danej bryły (R-W) |
| 96 – 97 | Prostopadłościany  i sześciany. | *•* podstawowe wiadomości na temat  – prostopadłościanu (K)  – sześcianu (K)  *•* pojęcie siatki bryły (K)  *•* wzór na obliczanie pola powierzchni prostopadłościanu  i sześcianu (K) |  | *•* wskazać w prostopadłościanie ściany  i krawędzie prostopadłe lub równoległe do danej (K)  *•* wskazać w prostopadłościanie krawędzie  o jednakowej długości (K)  *•* obliczyć sumę krawędzi prostopadłościanu  i sześcianu (K)  *•* wskazać na rysunku siatkę sześcianu  i prostopadłościanu (K-P)  *•* kreślić siatkę prostopadłościanu i sześcianu (K)  *•* obliczyć pole powierzchni sześcianu (K)  *•* obliczyć pole powierzchni prostopadłościanu (K) | *•* rozwiązać zadanie tekstowe dotyczące długości krawędzi prostopadłościanu  i sześcianu (R-D)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe dotyczące pola powierzchni prostopadłościanu złożonego z kilku sześcianów (R-D)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe dotyczące budowania sześcianu z różnych siatek (D)  *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe dotyczące prostopadłościanu i sześcianu (W) |
| 98 – 99 | Graniastosłupy proste. | *•* cechy charakteryzujące graniastosłup prosty (K)  *•* nazwy graniastosłupów prostych w zależności od podstawy (K)  *•* wzór na obliczanie pola powierzchni graniastosłupa prostego (P)  *•* pojęcie siatki graniastosłupa prostego(K) | *•* sposób obliczania pola powierzchni graniastosłupa prostego jako pole jego siatki (K) | *•* wskazać graniastosłup prosty wśród innych brył (K)  *•* określić liczbę ścian, wierzchołków, krawędzi danego graniastosłupa (P)  • wskazać w graniastosłupie ściany  i krawędzie prostopadłe lub równoległe (P*)*  *•* wskazać w graniastosłupie krawędzie  o jednakowej długości (K)  • wskazać rysunki siatek graniastosłupów prostych (K-P)  *•* kreślić siatkę graniastosłupa prostego (K-R)  *•* obliczyć pole powierzchni graniastosłupa prostego (K-R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z obliczaniem pól powierzchni graniastosłupów prostych (D-W)  *•* kreślić siatki graniastosłupa prostego powstałego z podziału sześcianu na części (D) |
| 100 – 101 | Objętość graniastosłupa. | *•* pojęcie objętości figury (K)  *•* jednostki objętości (K)  • zależności pomiędzyjednostkami objętości (P-R)  *•* wzór na obliczanie objętości prostopadłościanu  i sześcianu (K)  *•* wzór na obliczanie objętości graniastosłupa prostego (P) | *•* pojęcie miary objętości jako liczby sześcianów jednostkowych (K)  *•* różnicę między polem powierzchni a objętością (P)  *•* zasadę zamiany jednostek objętości (P) | *•* podać objętość bryły na podstawie liczby sześcianów jednostkowych (K)  *•* obliczyć objętość sześcianu o danej krawędzi (K)  *•* obliczyć objętość prostopadłościanu  o danych krawędziach (K)  *•* obliczyć objętość graniastosłupa prostego, którego dane są:  - pole podstawy i wysokość (K)  - elementy podstawy i wysokość (P-R)  *•* zamienić jednostki objętości (P-R)  *•* wyrażać w różnych jednostkach tę samą objętość (P-R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z objętością graniastosłupa (P-R) | *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z objętością graniastosłupa prostego (D-W) |
| 102 - 103 | Ostrosłupy. | *•* pojęcie ostrosłupa (K)  *•* nazwy ostrosłupów  w zależności od podstawy (K)  *•* cechy budowy ostrosłupa (K)  *•* pojęcie siatki ostrosłupa (K)  *•* wzór na obliczanie pola powierzchni ostrosłupa (P)  *•* pojęcie czworościanu foremnego (R) | *•* sposób obliczania pola powierzchni jako pola siatki (P) | *•* wskazać ostrosłup wśród innych brył (K)  *•* określić liczbę poszczególnych ścian, wierzchołków, krawędzi ostrosłupa (P)  *•* obliczyć sumę długości krawędzi ostrosłupa (P)  *•* wskazać siatkę ostrosłupa (K-D)  *•* rysować rzut równoległy ostrosłupa (R)  *•* rozwiązać zadanie tekstowe związane  z ostrosłupem (P-R) | *•* obliczyć pole powierzchni całkowitej ostrosłupa  - na podstawie narysowanej siatki (R)  - na podstawie opisu (D)  *•* rozwiązać nietypowe zadanie tekstowe związane z ostrosłupem (D-W) |
| 104 | Powtórzenie wiadomości. |  |  |  |  |
| 105 | Praca klasowa. |  |  |  |  |

Tematy, których realizację można rozpocząć w klasie piątej oznaczono szarym paskiem.

**Kategorie celów nauczania: Poziomy wymagań edukacyjnych:**

A – zapamiętanie wiadomości K – konieczny – ocena dopuszczająca (2)

B – rozumienie wiadomości P – podstawowy – ocena dostateczna (3)

C – stosowanie wiadomości w sytuacjach typowych R – rozszerzający – ocena dobra (4)

D – stosowanie wiadomości w sytuacjach problemowych D – dopełniający – ocena bardzo dobra (5)

W – wykraczający – ocena celująca (6)